



Otimização da reforma seca do metano para catalisadores *core@shell*: análise termodinâmica e planejamento multifatorial por função *Desirability*.

Breno C. da Silva^{1*}, Igor R. Neves¹, Pedro H. C. Bastos¹, Soraia T. Brandão¹

¹Universidade Federal da Bahia – UFBA, Instituto de Química, Grupo de Catálise e Polímeros, Rua Barão de Geremoabo s/n, Ondina, Salvador – BA. CEP.40170290

*breno.cerqueira@ufba.br

Resumo/Abstract

RESUMO – A produção de gás de síntese pela reforma seca do metano (DRM) foi investigada para catalisadores core@shell baseados em filossilicatos de níquel - NiPS@SiO₂. Foi possível efetuar uma análise termodinâmica da DRM, verificando, a priori, a faixa de potencialidade para reações que fazem parte do mecanismo global. Ainda, efetuou-se a otimização do sistema catalítico utilizando planejamento fatorial com composto central (CCD) e a função Desirability (D_) para análise multirresposta dos parâmetros temperatura, razão CH₄/CO₂ e velocidade espacial (GHSV). Foi possível obter desejabilidade de 0,88 para as condições críticas utilizando o modelo quadrático gerado. Os parâmetros ótimos obtidos foram 834,09°C; 1,1525 CH₄/CO₂ e 106,82 Nml/h/g.cat, e verificou-se que a temperatura foi a condição com maior grau de significância. Aplicando-se os parâmetros críticos em teste de longa duração na DRM, foi possível obter conversões acima de 93%, com bom rendimento a syngas e razão H₂/CO próxima à unidade, para o catalisador NiPS@SiO₂, sem sinais de desativação.

Palavras-chave: Planejamento Multifatorial, Core@shell, Reforma seca do metano, catálise heterogênea, Minimização de Gibbs ABSTRACT – The syngas production by methane dry reforming (DRM) was investigated for nickel phyllosilicate-based core@shell catalysts – NiPS@SiO₂. A thermodynamic analysis was conducted, aiming to verify the range of potentiality of each reaction that integrates the global mechanism of DRM. Furthermore, the catalytic system was optimized using an experimental design with central composite (CCD) and Desirability function (D_) for multi response analysis of temperature, CH₄/CO₂ ratio, and spatial velocity (GHSV). It was possible to archive a desirability of 0.88 for the critical conditions, using the quadratic model. The optimized parameters were 834.09°C, 1.1525 CH₄/CO₂ and 106.82 Nml/h/g.cat. Also, it was found that temperature was the most significant factor. Applying the critical conditions in a long-duration DRM experiment, it was possible to archive conversion higher than 93%, with a great syngas yield and H₂/CO close to the unity, for the catalyst NiPS@SiO₂, with no signs of deactivation.

Keywords: Multifactorial design, Core@shell, Methane dry reforming, Heterogeneous catalysis, Gibbs free energy minimization

Introdução

O processo transicional entre uma economia baseada em combustíveis fósseis e uma baseada em fontes verdes e/ou renováveis demanda investimentos significativos em toda a estrutura energética [1]. Dessa forma, como solução a curto prazo, o gás natural sintético desponta como alternativa viável para a alcançar patamares adequados de descarbonização das matrizes energéticas. Aliado a isso, cita-se a necessidade de manter em execução os processos químicos industriais que carecem do uso de intermediários provenientes da indústria petroquímica [1]. Nesse ínterim, o GNS e o gás de síntese são importantes "blocos de construção" para a geração de produtos com maior valor agregado como combustíveis, metanol, amônia e outras espécies da química fina [1,2].

Nesse contexto, a reforma seca do metano (DRM) surge como uma excelente iniciativa para compor a economia de

transição. A priori, destaca-se a capacidade em converter dois importantes gases estufa (CH₄ e CO₂) em gás de síntese com proporção equimolar de H₂ e CO, permitindo utilização desse intermediário na síntese de Fisher-Tropsh [2].

A DRM é uma reação bastante complexa tanto do ponto de vista operacional quanto mecanístico. Sabe-se que ambos (mecanismo e parâmetros operacionais) são dependentes do catalisador utilizado. Nesses termos, torna-se importante efetuar estudos de otimização paramétrica para melhor desenvolver catalisadores com potencial para emprego na DRM futuramente.

Acerca disso, em inúmeras áreas da química (e controle de qualidade) vêm sendo aplicadas análises estatísticas para gerar modelos capazes de prever o comportamento dos sistemas. Nesse ínterim, a função *Desirability* apresenta grande potencial quando aplicada a planejamentos fatoriais de resposta múltipla, pois permite um estudo global de todos os parâmetros operacionais [3]. Diversos autores também



utilizam de simuladores para prever o comportamento termodinâmico das reações. Nesses termos, reatores de Gibbs (via minimização de energia livre) permitem uma análise bastante coerente do comportamento teórico das reações (sem precisar definir uma reação em específico) [4].

Ademais, estudos de elevada precisão carecem do uso de catalisadores adequados. Desse modo, materiais com estrutura *core@shell* baseados em filossilicatos de níquel despontam como alternativa promissora ao uso de catalisadores convencionais do tipo Ni/SiO₂, apresentando elevada interação Ni-Si, resistência ao coqueamento e à sinterização [5]. Em suma, no presente trabalho almejou-se a investigação termodinâmica da DRM, bem como a otimização da DRM via planejamento experimental com composto central (CCD) utilizando catalisadores do tipo NiPS@SiO₂.

Experimental

Síntese dos catalisadores NiPS@SiO2

Os catalisadores foram sintetizados utilizando o método de Stöber modificado seguido de evaporação de amônia [5]. Basicamente, partindo-se de uma solução coloidal de partículas de silício, promove-se o crescimento de filossilicatos de níquel sobre a superfície das nano esferas de tamanho controlado, utilizando NH₄OH como catalisador. Esse procedimento permite a obtenção de catalisadores do tipo Ni@SiO₂, após tratamento redutor, com elevada interação Ni-Si, gerando efeitos interessantes do ponto de vista de resistência à deposição de coque e inibição da sinterização do níquel.

Estudo termodinâmico da DRM

O estado de equilíbrio na DRM pode ser descrito por meio de uma função que depende da temperatura, pressão e composição da mistura reacional do sistema sob análise, sendo independente do tempo de residência, tipo de catalisador e outras variáveis [6].

Deste modo, é possível prever a distribuição dos produtos no equilíbrio, aplicando o método da minimização da energia livre de Gibbs, descrita em outro lugar [4,7]. Para tal, considerando P e T constantes, tem-se que:

$$dG = \left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_{P,n} dT + \left(\frac{\partial G}{\partial P}\right)_{T,n} dP + \left(\frac{\partial G}{\partial n_i}\right)_{T,P} dn_i \quad (1)$$

Ou,

$$dG_{T,P} = \sum_{i=1}^{n} \mu_{i_{T,P}} dn \tag{II}$$

Em que G é a energia livre, μ_i é o potencial químico da espécie i, n_i é o número de mols da espécie i no sistema, R é a constante universal dos gases (8.314 J.mol⁻¹K⁻¹), T a temperatura absoluta e P é a pressão do sistema.

Para a efetuação desses estudos foi criado um código próprio utilizando o *software* Mathematica® 11.0, baseado no método da minimização da energia livre de Gibbs. Nesse caso, durante os cálculos, foi levada em consideração a presença de carbono grafite no equilíbrio e a idealidade para todas as substâncias gasosas envolvidas. Foram aplicados os



dados termodinâmicos obtidos em consulta à base de dados NIST - National Institute of Standards and Technology [8].

Otimização multivariada da DRM – Design experimental

Para a otimização paramétrica da DRM foi proposto um planejamento fatorial com composto central (CCD) com três variáveis independentes $(2^3 + 6 + 5)$. O design experimental foi realizado utilizando o *software* StatSoft STATISTICA 11.0.

Avaliou-se o efeito da temperatura, velocidade especial (GHSV) e da razão CH4/CO2 na alimentação do reator. Os níveis de cada variável estão dispostos na Tabela 1. Foram efetuados 19 experimentos (5 pontos centrais e 6 pontos estrela). Foi efetuado um *fit* dos dados obtidos conforme um modelo quadrático (polinomial), minimizando os erros quadráticos totais. O modelo gerado descreve as interações entre as variáveis dependentes em função das variáveis independentes. O modelo foi estabelecido por meio do método dos mínimos quadrados demonstrado na Equação III.

$$Y = \beta_0 + \sum_{i=1}^{3} \beta_i X_i + \sum_{i=1}^{3} \beta_{ii} X_i^2 + \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=i+1}^{3} \beta_{ij} X_j \quad (III)$$

Em que, Y é a resposta prevista, X_i e X_j são variáveis dependentes, as constantes β_0 , β_i , β_{ii} e β_{ij} são o coeficiente de interseção, i-ésimo coeficiente linear, coeficiente quadrático e coeficiente de interação, respectivamente. A significância dos parâmetros foi verificada por meio da análise de variância (ANOVA).

Todo o estudo foi conduzido utilizando o catalisador NiPS@SiO2 previamente sintetizado. As análises foram efetuadas em uma unidade reacional PID da ENG & TEC, com reator de quartzo de volume 9,8mL e diâmetro interno de 6mm. O Controle de temperatura foi feito eletronicamente por meio de um termopar tipo K acoplado ao forno da unidade. O sistema catalítico também é equipado com um dispositivo hot-box que aquece a região externa ao reator. Todos os produtos líquidos foram condensados por meio de efeito Peltier, utilizando o sistema presente na unidade. Todo o controle de fluxo foi feito por meio de controladores mássicos MKS da Bronkhorst. Os gases foram analisados num cromatógrafo Shimadzu GC-2014 equipado com um detector TCD e uma coluna carboxen-1000. Todos os reagentes utilizados apresentaram pureza 99,999%. Antes dos experimentos o catalisador foi ativado em atmosfera redutora, sob fluxo de hidrogênio 99,999% a 30 mL.min⁻¹ durante 60 min a 800 °C e em seguida foi feita uma purga com argônio 99,999% 30mL.min⁻¹ por 40 minutos antes do início da etapa reacional para remover os resquícios de H₂ no sistema.

Os dados obtidos foram analisados utilizando as expressões abaixo, em que X_n e Y_n representam, respectivamente, conversão e rendimento para a espécie n. Note que o rendimento teórico é calculado por balanço de massa, considerando que toda a espécie inicial, CH₄ ou CO₂, daria origem ao respectivo produto associado, H₂ ou CO, respectivamente.



| NÍVEL | TEMPERATURA (°C) | Razão CH4/CO2 | GHSV Nml/h/g.cat (X1000) |
|-------|---------------------|------------------|--------------------------------|
| + | 800 | 1,2 | 120 |
| 0 | 750 | 1 | 90 |
| - | 700 | 0,8 | 60 |

Tabela 1. Parâmetros e seus níveis utilizados no CCD

Para cada par de parâmetros analisado, tornou-se constante o valor para o terceiro, conforme observado na Tabela 2.

Tabela 2. Valores centrais mantidos constantes durante a análise de cada par de parâmetros.

| Razão CH4/CO2 | Temperatura (°C) | GHSV Nml/h/g.cat (X1000) |
|---------------|------------------|-----------------------------|
| 1,067368 | 750 | 90 |

Otimização multivariada da DRM utilizando a função Desirability (D_)

Um estudo multirresposta foi feito por meio da análise da função Desirability. Nesse método cada parâmetro é otimizado individualmente conforme critérios específicos. Nesse trabalho utilizou-se a abordagem *the-larger-thebetter* (LTB) para conversão do CH₄ e do CO₂, rendimento a H₂ e CO, sendo atribuído d = 0 para situação não desejável e d = 1 para situação desejável. Para a razão H₂/CO, utilizouse uma função com ponto de sela situado em x = 1.

$$d_{i} = \left[\frac{(y - y_{max})}{(y_{min} - y_{max})}\right] \frac{1}{0} y_{min} \le y \le y_{max} \frac{y \le y_{min}}{y \le y_{max}}, w \ge 0$$
(VI)

Por fim, as condições otimizadas para as respostas são obtidas por meio da maximização da *Desirability* global, conforme observado na Equação VII.

$$D = (d_1 \times d_2 \times d_3 \times ... d_n)^{\frac{1}{n}} = \left[\prod_{i=1}^n d_i\right]^{\frac{1}{n}}$$
(VII)

Resultados e Discussão

A Figura 1 ilustra os resultados obtidos por minimização da energia livre de Gibbs para a DRM e outras reações similares.



Figura 1. Curvas termodinâmicas calculadas. (a) composição no equilibrio, p = 1atm; CH₄/CO₂ = 1. (b) Variação da energia livre com a temperatura para a reforma seca do metano (DRM), oxidação parcial do metano (OPM), combustão do metano (OTM); reforma a vapor do metano (SEM) e reação de *shift* (WGSR).

Com base nas Figuras 1a e 1b, observa-se maior potencialidade para a condução da DRM em temperaturas acima de 600°C, demonstrada pela diminuição da fração molar do CH4. Abaixo dessa temperatura, o CH4 mantém-se num patamar mais elevado, o que indica potencialidade em sua produção via reação de Sabatier (metanação).

Ademais, constata-se que a formação de carbono sólido se torna cada vez menos favorecida com o aumento da temperatura. Isso pode ser atribuído a um desfavorecimento termodinâmico da reação de Boudouard, cujo coque formado apresenta elevada organização e difícil remoção; e favorecimento da reação de decomposição catalítica do metano, cujo coque produzido apresenta elevada instabilidade, sendo mais facilmente oxidado [2]. Acima de 700°C, tem-se que a principal reação formadora de carbono é a decomposição do metano, favorecida, principalmente, em sítios catalíticos ácidos [9].

Desse modo, para a condução da DRM, opta-se por condições fora do intervalo termodinâmico da reação de Boudouard.

Com base na Figura 2, verifica-se uma boa correlação entre os valores previstos pelo modelo quadrático e os valores observados experimentalmente para a conversão do CH₄ (*Parity-Plot*). A análise de variância também demonstra que o modelo consegue descrever, de forma satisfatória, os dados experimentais, com erros insignificantes a 95% de confiança. As equações do modelo foram omitidas por questões de espaço no documento.

Tomando a conversão do CH₄ e rendimento a H₂ como respostas principais, verifica-se que, no primeiro caso, apenas para temperatura e razão CH₄/CO₂ há efeito significativo de primeira e segunda ordens (linear e quadrático). Não foram observadas significâncias em efeitos de ordem superior ou de interação entre os parâmetros. Os demais *parity plots* e gráficos de Pareto foram omitidos por questões de espaço no documento.





Figura 2. Diagrama de Pareto e a estimativa normalizada dos efeitos (valor absoluto) para conversão do CH₄, com 95% de confiança e *parity plot* valores previstos pelo modelo versus valores observados para conversão do CH₄

Efeito da razão CH4/CO2 e temperatura

A Figura 3 apresenta as superfícies de resposta geradas pelo modelo para o efeito da razão CH_4/CO_2 e da temperatura.

Analisando a Figura 3, constata-se que na DRM, a conversão dos reagentes é favorecida a altas temperaturas, alcançando valores acima dos 90% em aproximadamente 750°C, em condições de altas razões CH_4/CO_2 para conversão do CO_2 e baixas razões CH_4/CO_2 para conversão do CH4. Ademais, verifica-se que o *syngas* apresenta razão H₂/CO próximo a um para valores de CH_4/CO_2 elevados, mantendo-se a GHSV fixada em 90.000 Nml/h/g.cat. Nesse viés, verifica-se que para maximizar as três respostas (conversões e razão do *syngas*), deve-se optar por uma mistura reacional com uma quantidade levemente superior de CH4 em relação ao CO₂ (aproximadamente 1,1), valor que abarca o centro de curvatura para as três superfícies de resposta.



Figura 3. Efeito da razão CH_4/CO_2 e da temperatura. Respostas previstas pelo modelo utilizando o CCD.

Efeito da razão CH₄/CO₂ e GHSV

A Figura 4. demonstra o efeito da razão CH_4/CO_2 e da GHSV na performance catalítica.

O modelo prevê uma ampla faixa útil com elevada conversão, rendimento a H_2 e boa razão H_2/CO_2 , para várias combinações de GHSV e razão CH_4/CO_2 a 750°C.

Como visto na sessão anterior, razões CH4/CO₂ levemente superiores a um são preferíveis. Assim, verificase que para tal condição, GHSV próximas a 100.000 Nml/h/g.cat apresentam-se ideais para maximizar as respostas estudadas (conversão, rendimento e razão *syngas*). Adicionalmente, de forma análoga ao caso anterior, para maximizar as quatro respostas, prefere-se trabalhar em regiões centrais da superfície de resposta, abrangendo o ponto crítico de curvatura. É importante ressaltar que embora tenha-se excelente conversão dos reagentes a baixas GHSVs, a razão do *syngas* apresenta valores demasiadamente baixos, indicando uma maior influência do tempo de contato sobre as etapas mecanísticas que envolvem a formação de CO que as formadoras de H₂. Desse modo, ratifica-se a preferência pela região central.



Figura 4. Superfícies de resposta demonstrando o efeito da razão CH₄/CO₂ e da GHSV. Respostas previstas pelo modelo utilizando o CCD.

Efeito da Temperatura e GHSV

Na Figura 5, dispõem-se os resultados obtidos para o efeito da temperatura e GHSV.



Figura 5. Superfícies de resposta demonstrando o efeito da temperatura e da GHSV. Respostas previstas pelo modelo utilizando o CCD.

É possível constatar que os parâmetros apresentam valores ótimos para valores de GHSV inferiores, alcançando conversões altas a baixas temperaturas (700°C). Isso já era esperado, visto que um maior tempo de contato entre reagente e catalisador, nesse sistema, favorece a cinética do processo [4]. Ainda, observa-se que há pouca interação entre essas duas variáveis e que as superfícies para conversão de CH₄ e CO₂ estão em consonância. Adicionalmente, observa-se que tanto para o rendimento a H₂ quanto para a razão *syngas*, valores centrais não levam a respostas otimizadas, preferindo-se altas temperaturas (T \geq 800) ou baixas temperaturas (T \leq 700). Desse modo, apesar de temperaturas



centrais serem capazes de converter de forma satisfatória os reagentes, valores superiores para esse parâmetro são interessantes do ponto de vista da seletividade. Possivelmente o catalisador estudado possui cinética favorável à ocorrência da reação de *shift* nessa faixa intermediaria de temperaturas. Uma alternativa seria trabalhar com variação de pressão, permitindo o uso das temperaturas centrais e um menor gasto de energia.

Otimização multivariada da DRM utilizando a função Desirability (*D_*)

Os efeitos múltiplos estimados pela função *Desirability* estão ilustrados nas Figuras 6 e 7. Os valores críticos estão dispostos na Tabela D.



Figura 6. Superfícies de resposta demonstrando os efeitos múltiplos previstos pela função *Desirability*.

Através da função *Desirability* foi possível obter os valores críticos que maximizam cada uma das respostas estudadas. Em outras palavras, todas as considerações anteriores foram incorporadas em uma mesma função que descreve todos os parâmetros do sistema. Adicionou-se ainda um fator de minimização do rendimento a carbono sólido (maior D para menor rendimento a carbono). Foi possível obter D-global de 0,88 (região vermelho-escura), relativamente alta, levando-se em conta que a função foi usada para otimizar seis respostas diferentes (conversões, rendimentos, razão *syngas* e minimização de coque). Desse modo, o modelo propôs a utilização de altas temperaturas, GHSVs moderadas e razão CH4/CO₂ levemente acima de um.



22º Congresso Brasileiro de

Figura 7. Valores críticos previstos, *Desirability* por fator e *Desirability* global para cada parâmetro otimizado.

 Tabela 3. Valores críticos par os três parâmetros sob estudo, obtidos por meio da função Desirability

| Temperatura (°C) | Razão CH4/CO2 | GHSV Nml/h/g.cat (X1000) |
|------------------|------------------|-----------------------------|
| 834,09 | 1,1525 | 106,82 |

Utilizando as condições dispostas na Tabela 3, o modelo previu conversão de 91,07% e 98,02% para CH₄ e CO₂, respectivamente; rendimentos de 52,35% e 57,65% para H₂ e CO, nessa ordem; e razão syngas 0,9327, para D = 0,88.

Estudo da DRM utilizando catalisador NiPS@SiO₂ – Condições críticas

Os experimentos na DRM utilizando as condições críticas estão dispostos na Figura 8 e 9.



Figura 8. Teste catalítico na DRM em condições otimizadas (Tabela 3), utilizando o catalisador NiPS@SiO₂. Conversão de reagentes e rendimento aos produtos.



Figura 9. Teste catalítico na DRM em condições otimizadas (Tabela 3), utilizando o catalisador NiPS@SiO₂. Razão *syngas* (H₂/CO)

Comparando-se o modelo com os valores experimentais, verifica-se erros que variam entre 0,9 e 4,0% em relação aos parâmetros avaliados, ressaltando a elevada capacidade preditiva do modelo quadrático gerado.

Conclusões

A melhor faixa termodinâmica de operação foi obtida por minimização da energia livre de Gibbs. A DRM apresentase com potencialidade a ocorrer em temperaturas acima de 600°C. Foi possível criar um modelo estatístico CCD, via função Desirability, capaz de efetuar uma análise multirresposta consistente da DRM. Obteve-se as condições críticas de temperatura, Razão CH4/CO2 e GHSV. Excelentes resultados foram obtidos para o catalisador NiPS@SiO₂ quando aplicado na DRM sob os parâmetros otimizados pelo modelo, apresentando conversões acima de 93%, bom rendimento a syngas, com razão próxima a um. Constatou-se que os valores experimentais estão em acordo com aqueles previstos pelo modelo, com erros inferiores a 4%. Observou-se que o catalisador NiPS@SiO2 apresenta boa potencialidade para aplicação na DRM, não apresentando sinais de desativação ao longo de 20h de teste.

Agradecimentos

Os autores agradecem a CAPES, FAPESB e CNPQ pelo apoio financeiro.

Referências

- 1. M. N., Anwar et al., J. Environ. Manage., 2020, 260, 110059.
- 2. Z. Li et al., J. CO₂ Ut. 2018, 27, 238-246.
- I. Izhad; A. Yussuf; N. A. S. Amin, *Int. J. Hydrog. En.* 2021, 46.
- 4. B. C. Da Silva et al., Catal. Today, 2021, 369, 19-30.
- 5. S. Das et al., Appl. Catal. B. 2021, 290, 119998
- 6. D. Pashchenko et al., Int. J. Hydrog. 2019, in press.
- J. Gmehling; B. Kolbe; M. Kleiber; R. Jürgen, *Chemical Thermodynamics for Process Simulation*, Wiley-VCH Verlag, Germany, 2nd edition 2019.
- 8. NIST chemistry WebBook in: NIST (Ed.) 2013.
- 9. McConnachie, M., Int. J. Hydrog. En. 2023, in press